



GUIA DE LA CLASE N°6 MATEMÁTICA ELECTIVO

IV° MEDIO

Nombre _____ Curso: _____ Fecha: _____

Objetivo de Aprendizaje:

Elementos del plano y Vectores

Objetivo de la clase:

Aplicar concepto y operatoria de vectores

Instrucciones: Esta guía es un recurso de acompañamiento y ejercitación de la clase que veras en el video correspondiente, por lo que puedes imprimirla, una vez resuelta y revisada archivarla en una carpeta por asignatura. En caso de no poder imprimir, no hay ningún problema, ya que puedes ir copiando solo los ejemplos en tu cuaderno y dando respuesta a la ejercitación escribiendo el número de pregunta y su respuesta, especificando N° de guía, y fecha. **No olvides que frente a cualquier duda o consulta con respecto a tu clase y/o ejercitación debes contactarnos al correo : matematica.iv.smm@gmail.com**

El video correspondiente a esta clase se encuentra en el link: <https://youtu.be/ITCwZpmKVjY>

Recuerda resolver el Test n°1 de Geometría del Libro PSU, sin las preguntas:

3, 5, 6, 8, 13, 14, 15 y 16.

1. Sean los puntos $A(-7, 2)$ y $B(1, -4)$ en el plano cartesiano. ¿Cuál(es) de las siguientes afirmaciones es (son) verdaderas?

- I) $AB = 10$.
 - II) El punto medio de AB es $(-2, -1)$.
 - III) El segmento AB pasa por el tercer cuadrante.
- A) Solo I
 - B) Solo II
 - C) Solo I y III
 - D) Solo II y III
 - E) I, II y III



I) $AB = 10$. ✓

La **distancia** entre dos puntos del plano, $P_1(x_1, y_1)$ y $P_2(x_2, y_2)$ se obtiene a través de la siguiente fórmula:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$



Si $A(-7, 2)$ y $B(1, -4)$, entonces

Por lo tanto, $AB = 10$.

$$d_{AB} = \sqrt{(1 - (-7))^2 + (-4 - 2)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{(8)^2 + (-6)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{64 + 36}$$

$$d_{AB} = \sqrt{100}$$

$$d_{AB} = 10$$

5

II) El punto medio de \overline{AB} es $(-2, -1)$ ✗

El **punto medio** entre dos puntos del plano, $P_1(x_1, y_1)$ y $P_2(x_2, y_2)$ se obtiene a través de la siguiente fórmula:

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$



Si $A(-7, 2)$ y $B(1, -4)$, entonces, el punto medio entre A y B es

$$M_{AB} = \left(\frac{-7+1}{2}, \frac{-4+2}{2} \right) = \left(\frac{-6}{2}, \frac{-2}{2} \right) = (-3, -1)$$

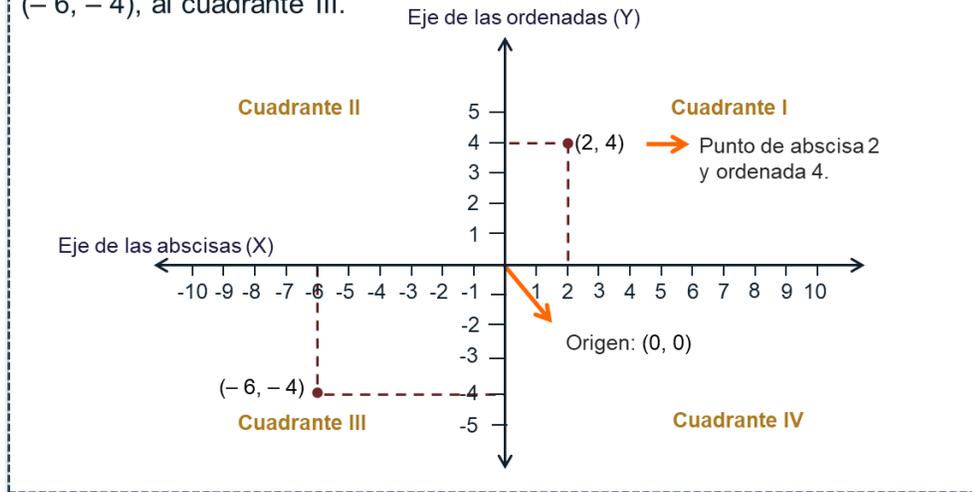
Por lo tanto, el punto medio de AB es el punto $(-3, -1)$.

6

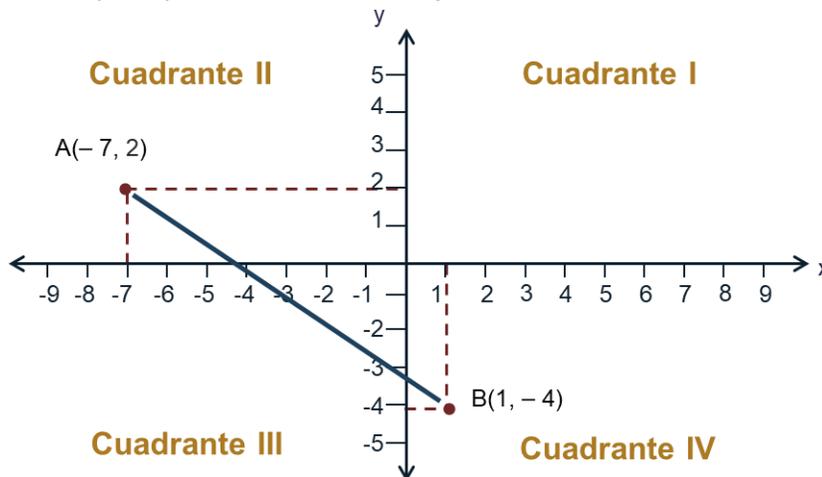


III) El segmento AB pasa por el tercer cuadrante.

Los ejes cartesianos dividen el plano en 4 cuadrantes, como se indica en la figura. Por ejemplo, el punto $(2, 4)$ pertenece al cuadrante I y el punto $(-6, -4)$, al cuadrante III.



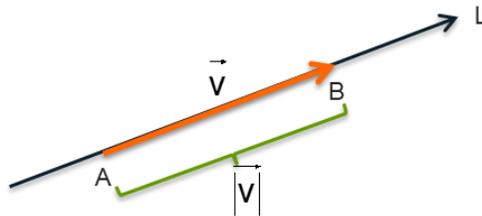
III) El segmento AB pasa por el tercer cuadrante. ✓
El segmento AB pasa por el cuadrante II, III y IV.





Definición Elementos de un vector

Un vector, es un objeto matemático que se define por un “módulo o magnitud”, una “dirección” y un “sentido”. Puede ser representado por una flecha como muestra la figura.



Dirección:

Indica la inclinación de la recta **L**, que se obtiene al prolongar el vector.

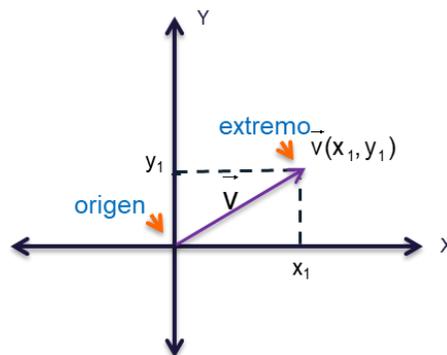
Módulo o magnitud:

Es representado por el tamaño de la flecha y se denota como:

$$|\vec{v}| \text{ o } |\overline{AB}|$$

Un vector, también puede representarse en el plano cartesiano.

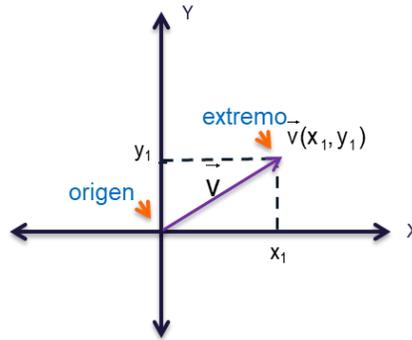
Si el origen de un vector es el mismo origen del plano cartesiano, \vec{v} entonces queda determinado por las coordenadas de su extremo: $\vec{v}(x_1, y_1)$





Un vector, también puede representarse en el plano cartesiano.

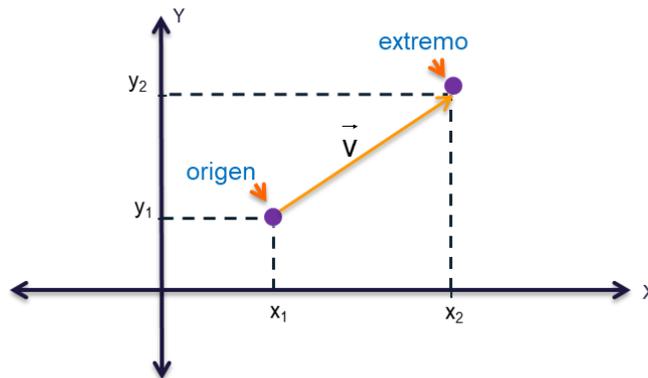
Si el origen de un vector es el mismo origen del plano cartesiano, \vec{v} entonces queda determinado por las coordenadas de su extremo: $\vec{v}(x_1, y_1)$



Si el origen de un vector **no** está situado en el origen del plano cartesiano, el vector queda determinado por la diferencia entre su extremo y su origen.

Si el origen del vector \vec{v} es (x_1, y_1) y su extremo es (x_2, y_2) , entonces: e

$$\vec{v} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1)$$

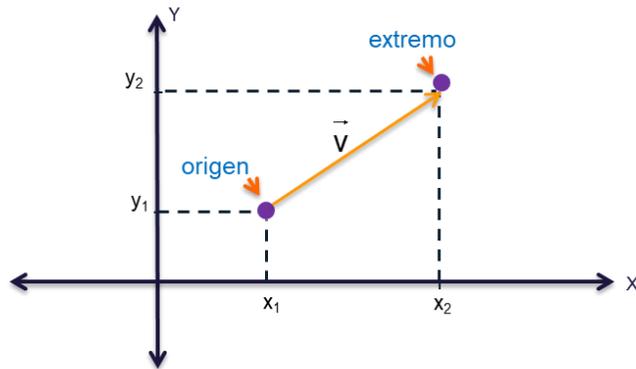




Si el origen de un vector **no** está situado en el origen del plano cartesiano, el vector queda determinado por la diferencia entre su extremo y su origen.

Si el origen del vector \vec{v} es (x_1, y_1) y su extremo es (x_2, y_2) , entonces:

$$\vec{v} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1)$$



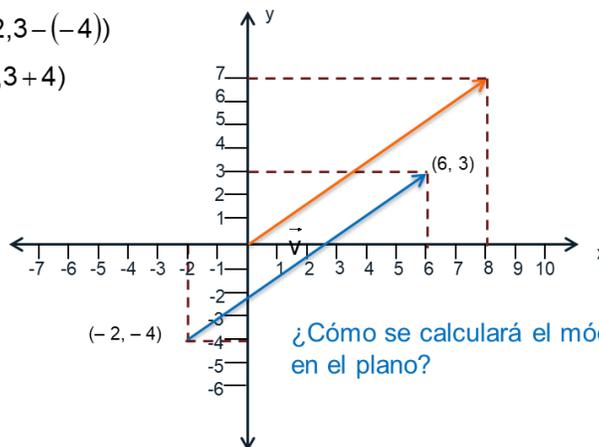
Ejemplo:

Si el origen de un vector es $(-2,-4)$ y su extremo es $(6,3)$, entonces:

$$\vec{v} = (6 - (-2), 3 - (-4))$$

$$\vec{v} = (6 + 2, 3 + 4)$$

$$\vec{v} = (8, 7)$$



¿Cómo se calculará el módulo de vectores en el plano?



2. Operaciones con vectores

Suma de vectores

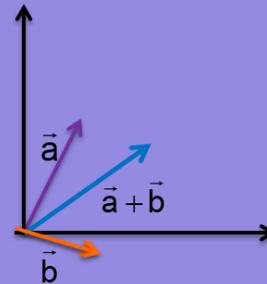
Se realiza sumando componente a componente.

➡ Analíticamente

Si $\vec{a} = (x, y)$ y $\vec{b} = (u, v)$ son dos vectores, entonces:

$$\vec{a} + \vec{b} = (x + u, y + v)$$

➡ Gráficamente



2. Operaciones con vectores

Resta de vectores

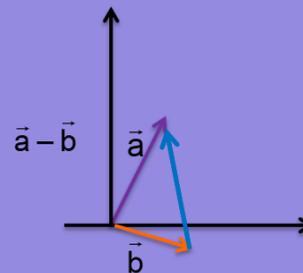
Se realiza restando componente a componente.

➡ Analíticamente

Si $\vec{a} = (x, y)$ y $\vec{b} = (u, v)$ son dos vectores, entonces:

$$\vec{a} - \vec{b} = (x - u, y - v)$$

➡ Gráficamente





2. Operaciones con vectores

Ponderación

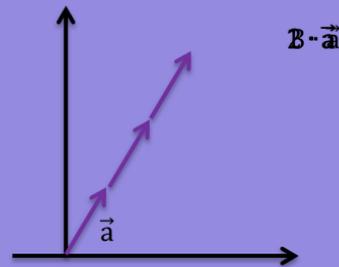
Se realiza multiplicando el número por cada una de las componentes del vector.

➡ Analíticamente

Si $\vec{a} = (x, y)$ y $\alpha \in \mathbb{R}$, con $\alpha \neq 0$ entonces:

$$\alpha \cdot \vec{a} = (\alpha \cdot x, \alpha \cdot y)$$

➡ Gráficamente



2. Operaciones con vectores

Ejemplo:

Si $\vec{a} = (5, -3)$, $\vec{b} = (-3, 1)$ y $\vec{c} = (3, 6)$, ¿Cómo calcularías $5 \cdot (\vec{a} - (\vec{b} + \vec{c}))$?

Si se trata de operaciones con vectores, ¿crees que se debe respetar la prioridad de las operaciones?

$$5 \cdot ((5, -3) - ((-3, 1) + (3, 6)))$$

$$5 \cdot ((5, -3) - (0, 7))$$

$$5 \cdot (5, -10)$$

$$(25, -50)$$

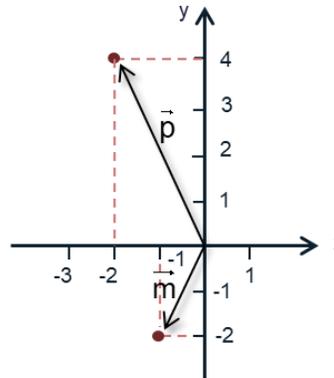


3. En la figura, se muestran los vectores \vec{p} y \vec{m} . Es correcto afirmar que

- I) $\vec{p} = -2 \cdot \vec{m}$
- II) $\vec{m} - \vec{p} = (1, -6)$
- III) $3 \cdot \vec{m} + \vec{p} = (-9, 6)$

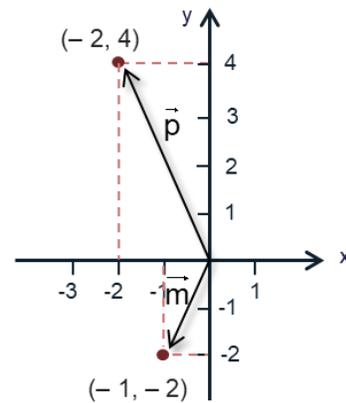
Es (son) verdadera(s)

- A) solo I.
- B) solo II.
- C) solo I y III.
- D) solo II y III.
- E) ninguna de ellas.



I) $\vec{p} = -2 \cdot \vec{m}$

Si $\vec{a} = (x, y)$, entonces



Entonces, $\vec{p} = (-2, 4)$ y $\vec{m} = (-1, -2)$



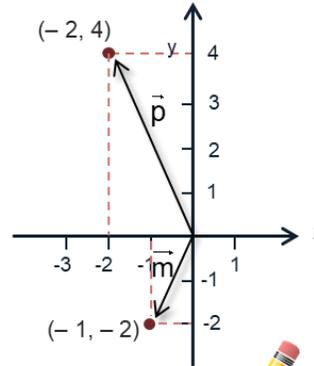
II) $\vec{m} - \vec{p} = (1, -6)$ ✓

Luego,

$$\vec{m} - \vec{p} = (-1 - (-2), -2 - 4)$$

$$\vec{m} - \vec{p} = (-1 + 2, -6)$$

$$\vec{m} - \vec{p} = (1, -6)$$



Si $\vec{a} = (x, y)$ y $\vec{b} = (z, w)$, entonces $\vec{a} \pm \vec{b} = (x \pm z, y \pm w)$

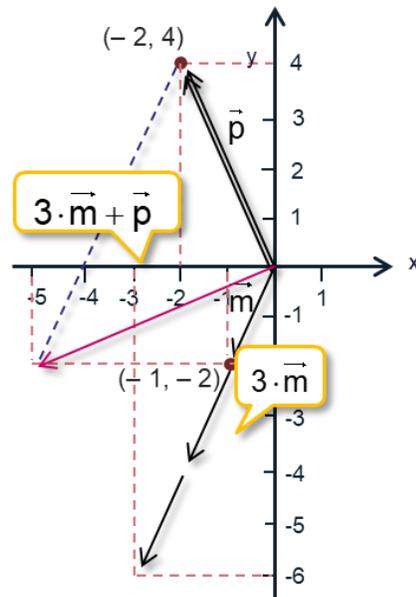
III) $3 \cdot \vec{m} + \vec{p} = (-9, 6)$ ✗

$$3 \cdot \vec{m} + \vec{p} = 3 \cdot (-1, -2) + (-2, 4)$$

$$3 \cdot \vec{m} + \vec{p} = (-3, -6) + (-2, 4)$$

$$3 \cdot \vec{m} + \vec{p} = (-3 - 2, -6 + 4)$$

$$3 \cdot \vec{m} + \vec{p} = (-5, -2)$$





Un vector, se puede representar en el plano cartesiano como: $\vec{v} = (x, y)$

El **módulo o magnitud** de un vector representado en el plano cartesiano, se determina a través de sus componentes mediante el **teorema de Pitágoras**.

$$|\vec{v}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

Si $\vec{v} = (x, y)$, entonces

